

## Задача 5. Разность квадратов

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти: 512 мегабайт

На доске были выписаны два квадрата натуральных чисел:  $x^2$  и  $y^2$ , где  $l \leq y^2 < x^2 \leq r$ . Числа  $x^2$  и  $y^2$  стерли и выписали на доске их разность  $d$ .

По заданным  $l$ ,  $r$  и  $d$  выясните, сколько различных пар натуральных чисел  $x^2, y^2$  могло быть выписано на доске.

### Формат входных данных

В первой строке даны три числа  $d$ ,  $l$  и  $r$  ( $1 \leq d \leq 10^9, 1 \leq l \leq r \leq 10^{18}$ ).

### Формат выходных данных

Выведите количество подходящих пар квадратов.

### Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	18	$1 \leq d \leq 10^3, 1 \leq l \leq r \leq 10^3$		первая ошибка
2	19	$1 \leq d \leq 10^5, 1 \leq l \leq r \leq 10^5$	1	первая ошибка
3	20	$1 \leq d \leq 10^7, 1 \leq l \leq r \leq 10^7$	1, 2	первая ошибка
4	21	$1 \leq d \leq 10^9, 1 \leq l \leq r \leq 10^{10}$	1–3	первая ошибка
5	22	—	1–4	первая ошибка

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
64 1 100	1
64 1 300	2

### Замечание

В первом примере подходят числа 100 и 36. Во втором примере также подходят числа 289 и 225.

## Задача 6. Перекошенное разбиение

Ограничение по времени: 1 секунда  
 Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дан массив  $[a_1, a_2, \dots, a_n]$ , состоящий из неотрицательных целых чисел.

Рассмотрим разбиение массива на  $k$  непустых отрезков подряд идущих элементов. Назовем *перекосом* разбиения разность между максимальной и минимальной суммой чисел в отрезках разбиения. Требуется найти максимальный перекош разбиения данного массива на  $k$  подотрезков.

Например, если массив равен  $[2, 1, 3, 4]$ , то у разбиения  $[2, 1, 3][4]$  перекош равен  $6 - 4 = 2$ , у разбиения  $[2, 1][3, 4]$  перекош равен  $7 - 3 = 4$ , а у разбиения  $[2][1, 3, 4]$  перекош равен  $8 - 2 = 6$ . Последний вариант является оптимальным среди всех разбиений массива на два непустых отрезка.

### Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа  $n$  и  $k$  ( $2 \leq k \leq n \leq 300\,000$ ) — длину массива и количество подотрезков, соответственно.

Вторая строка содержит  $n$  целых чисел  $a_i$  ( $0 \leq a_i \leq 10^9$ ) — элементы массива.

### Формат выходных данных

Выведите одно число — максимальный перекош разбиения данного массива на  $k$  отрезков.

### Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	11	$n \leq 15$		первая ошибка
2	11	$k = 2$		первая ошибка
3	21	$k = 3$		первая ошибка
4	15	$n \leq 300$	1	первая ошибка
5	21	$n \leq 3\,000$	1, 4	первая ошибка
6	21	—	1–5	первая ошибка

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2 2 1 3 4	6
5 4 2 1 3 4 1	6

### Замечание

Первый пример разобран в условии задачи.

Во втором примере оптимальным разбиением является  $[2][1][3, 4][1]$ . Максимальная сумма на подотрезках в данном разбиении равна  $3 + 4 = 7$ , минимальная сумма равна 1, таким образом, перекош равен 6.

## Задача 7. Главное правило личных олимпиад

Ограничение по времени: 1 секунда  
 Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Напомним главное правило написания личных олимпиад: по каждой задаче нужно набрать баллы! Нельзя уйти с конкурса с нулем по задаче.

Промоделируем тур олимпиады. Пусть на туре предложено  $n$  задач,  $i$ -я задача состоит из  $k_i$  подзадач,  $j$ -я подзадача  $i$ -й задачи приносит  $c_{i,j}$  баллов. Зависимостей между подзадачами нет, поэтому можно в каждой задаче выбрать любое множество подзадач и его решить. При этом нельзя выбрать пустое множество, ведь тогда по задаче будет 0 баллов, а это противоречит главному правилу написания личных олимпиад.

Проверьте, можно ли, придерживаясь главного правила личных олимпиад, набрать на туре ровно  $s$  баллов.

### Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа  $n, s$  ( $1 \leq n \leq 100\,000, 1 \leq s \leq 100\,000$ ) — количество задач в конкурсе и необходимую сумму баллов, соответственно. Далее следуют описания задач. Описание каждой задачи состоит из двух строк.

Первая строка описания  $i$ -й задачи содержит одно целое число  $k_i$  ( $1 \leq k_i \leq 100\,000$ ) — количество подзадач в  $i$ -й задаче.

Вторая строка описания  $i$ -й задачи содержит  $k_i$  целых чисел  $c_{i,1}, c_{i,2}, \dots, c_{i,k_i}$  ( $1 \leq c_{i,j} \leq 100\,000$ ) — баллы за подзадачи.

Гарантируется, что сумма  $k_1 + k_2 + \dots + k_n$  по всем задачам не превосходит 100 000.

Гарантируется, что произведение  $(k_1 + k_2 + \dots + k_n) \cdot s$  не превосходит  $10^7$ .

### Формат выходных данных

Если решения не существует, выведите «No».

В противном случае в первой строке выведите «Yes». Далее необходимо вывести описание решенных подзадач для каждой задачи.

Описание  $i$ -й задачи начинается с целого числа  $m_i$  ( $1 \leq m_i \leq k_i$ ) — количества решенных подзадач  $i$ -й задачи. Далее следуют  $m_i$  различных целых чисел  $p_{i,1}, p_{i,2}, \dots, p_{i,m_i}$  ( $1 \leq p_{i,j} \leq k_i$ ) — номера решенных подзадач в  $i$ -й задаче.

Если существует несколько подходящих способов набрать  $s$  баллов, выведите любое из них.

### Система оценки

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены

Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	8	$n = 1$	—	первая ошибка
2	10	$n = 2$	—	первая ошибка
3	6	$k_1 + k_2 + \dots + k_n \leq 20$	—	первая ошибка
4	6	$k_i = 1$	—	первая ошибка
5	15	$n \cdot s \leq 100\,000, s \leq 1\,000$	3	первая ошибка
6	55	—	1 – 5	первая ошибка

## Примеры

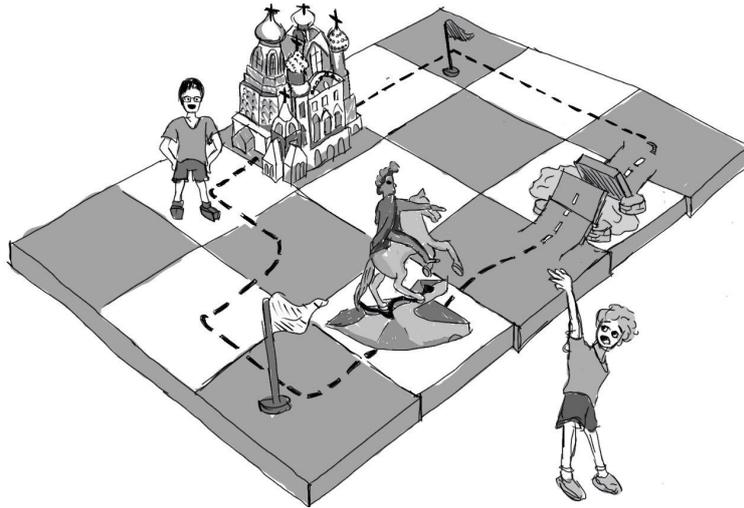
стандартный ввод	стандартный вывод
2 4 1 2 2 3 1	No
2 4 1 2 2 2 1	Yes 1 1 1 1

## Задача 8. Туристический маршрут

Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Школьники приехали на экскурсию в новый город и решили осмотреть его достопримечательности. Представим город в виде прямоугольной сетки  $n \times m$ , в некоторых клетках которой могут находиться достопримечательности.

Друзья начинают свой путь в клетке  $(1, 1)$ , они хотят дойти до клетки  $(n, m)$ , а затем вернуться обратно. В городе есть  $k$  достопримечательностей, они расположены в клетках  $(x_1, y_1), \dots, (x_k, y_k)$ , друзья обязательно хотят посетить их все.



За одну минуту можно перейти из клетки  $(a, b)$  в клетку  $(c, d)$ , если они являются соседними по стороне, то есть выполняется равенство  $|a - c| + |b - d| = 1$ . Легко видеть, что на маршрут необходимо потратить хотя бы  $2n + 2m - 4$  минут, будем рассматривать только такие маршруты.

Будем называть маршрут *интересным*, если выполняются следующие условия:

- для того, чтобы пройти маршрут, друзья потратят ровно  $2n + 2m - 4$  минут;
- маршрут проходит через каждую клетку не более одного раза.
- маршрут проходит через все клетки, которые содержат достопримечательности.

Помогите школьникам понять, сколько существует различных интересных маршрутов. Так как это число может оказаться достаточно большим, то выведите его остаток при делении на  $10^9 + 7$ .

### Формат входных данных

В первой строке указаны числа  $n$ ,  $m$  и  $k$  ( $3 \leq n, m \leq 10^6$ ,  $0 \leq k \leq 2000$ ).

В последующих  $k$  строках указано по паре чисел  $x_i, y_i$  ( $1 \leq x_i \leq n$ ,  $1 \leq y_i \leq m$ ), гарантируется, что все пары  $(x_i, y_i)$  различны. То есть для любой пары индексов  $(i, j)$  ( $1 \leq i < j \leq k$ ) верно хотя бы одно из двух:  $x_i \neq x_j$  или  $y_i \neq y_j$ .

### Формат выходных данных

Выведите единственное число — остаток от деления числа интересных маршрутов на  $10^9 + 7$ .

## Система оценки

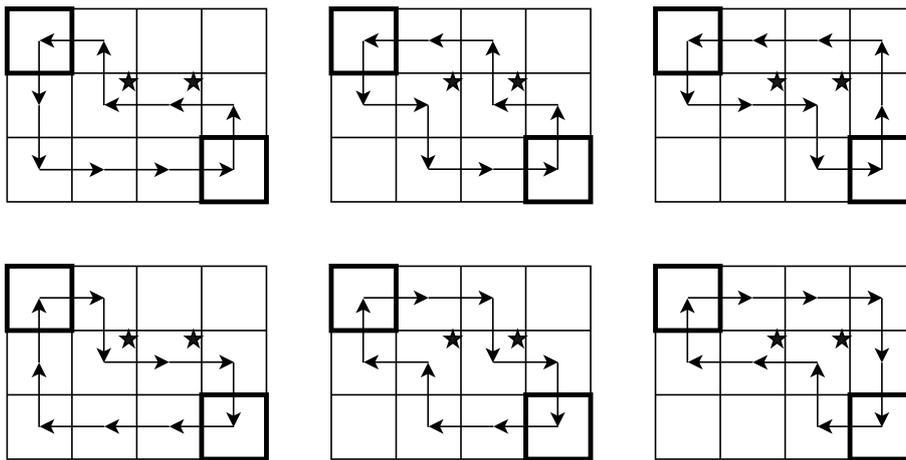
Подзадача	Баллы	Дополнительные ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	5	$n = 3; m, k \leq 100$		первая ошибка
2	9	$n, m, k \leq 5$		первая ошибка
3	6	$n, m, k \leq 8$	2	первая ошибка
4	17	$n, m, k \leq 30$	2, 3	первая ошибка
5	16	$n, m, k \leq 100$	1–4	первая ошибка
6	8	$k = 0$		первая ошибка
7	11	$k = 1$		первая ошибка
8	12	$k \leq 16$	2, 3, 6, 7	первая ошибка
9	9	$k \leq 100$	1–8	первая ошибка
10	7	нет	1–9	первая ошибка

## Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 4 2 2 2 2 3	6
3 4 3 3 1 2 3 1 4	0

## Замечание

Ниже изображены все интересные маршруты для первого теста.



Клетки с достопримечательностями обозначены звездочкой.